Światłowód rzeczywisty

$\eta = 0$ albo $\varepsilon = \varepsilon \in R$, a więc: $\mathbf{N_R} = n_R \in R$, $\beta = \beta \in R$

Poszukuje się rozwiązań propagujących w kierunku y:

$$\text{TE:} \quad \vec{\mathbf{E}}_{\mathbf{y}}(x,y,z,t) = \mathrm{E}_{\mathbf{y}}(x)\cdot\exp\left[-i(\beta z - \omega t)\right]$$

$$\text{TM:} \quad \vec{\mathbf{H}}_{\mathbf{y}}(x,y,z,t) = \mathrm{H}_{\mathbf{y}}(x)\cdot\exp\left[-i(\beta z - \omega t)\right],$$

Wprowadzając nowe zmienne:

$$\kappa_2^2 = n_{R_2}^2 \cdot k_0 - \beta^2 \qquad \kappa_1^2 = -n_{R_1}^2 \cdot k_0 + \beta^2$$

Amplitudę E_{y} (mod TE) postuluje się w postaci

$$\mathbf{E}_{\mathbf{y}}(x) = \hat{y}\left[A_1\cos(\kappa_2 x) + A_2\sin(\kappa_2 x)\right], \quad |x| \le \frac{d}{2}$$

$$\mathbf{E}_{\mathbf{y}}(x) = \hat{y}\left[A_1\cos\left(\kappa_2\frac{d}{2}\right) + A_2\frac{|x|}{x}\sin\left(\kappa_2\frac{d}{2}\right)\right]\cdot\exp\left[-\kappa_1\left(|x| - \frac{d}{2}\right)\right], \quad |x| > \frac{d}{2}$$

Światłowód rzeczywisty - rozwiązania TE

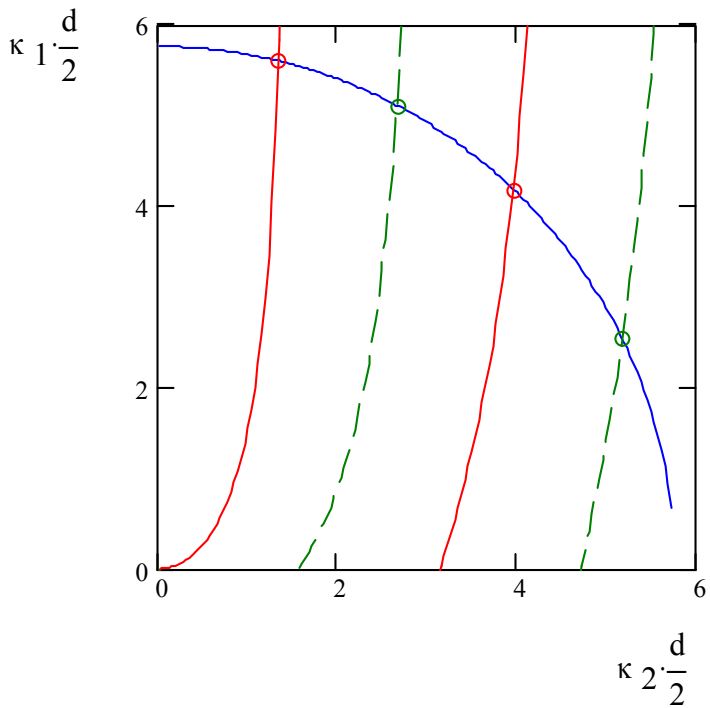
Mody parzyste (A_1):

$$\left(\kappa_2 \frac{d}{2}\right) \cdot \tan\left(\kappa_2 \frac{d}{2}\right) = \kappa_1 \frac{d}{2}$$

Mody nieparzyste (A_2):

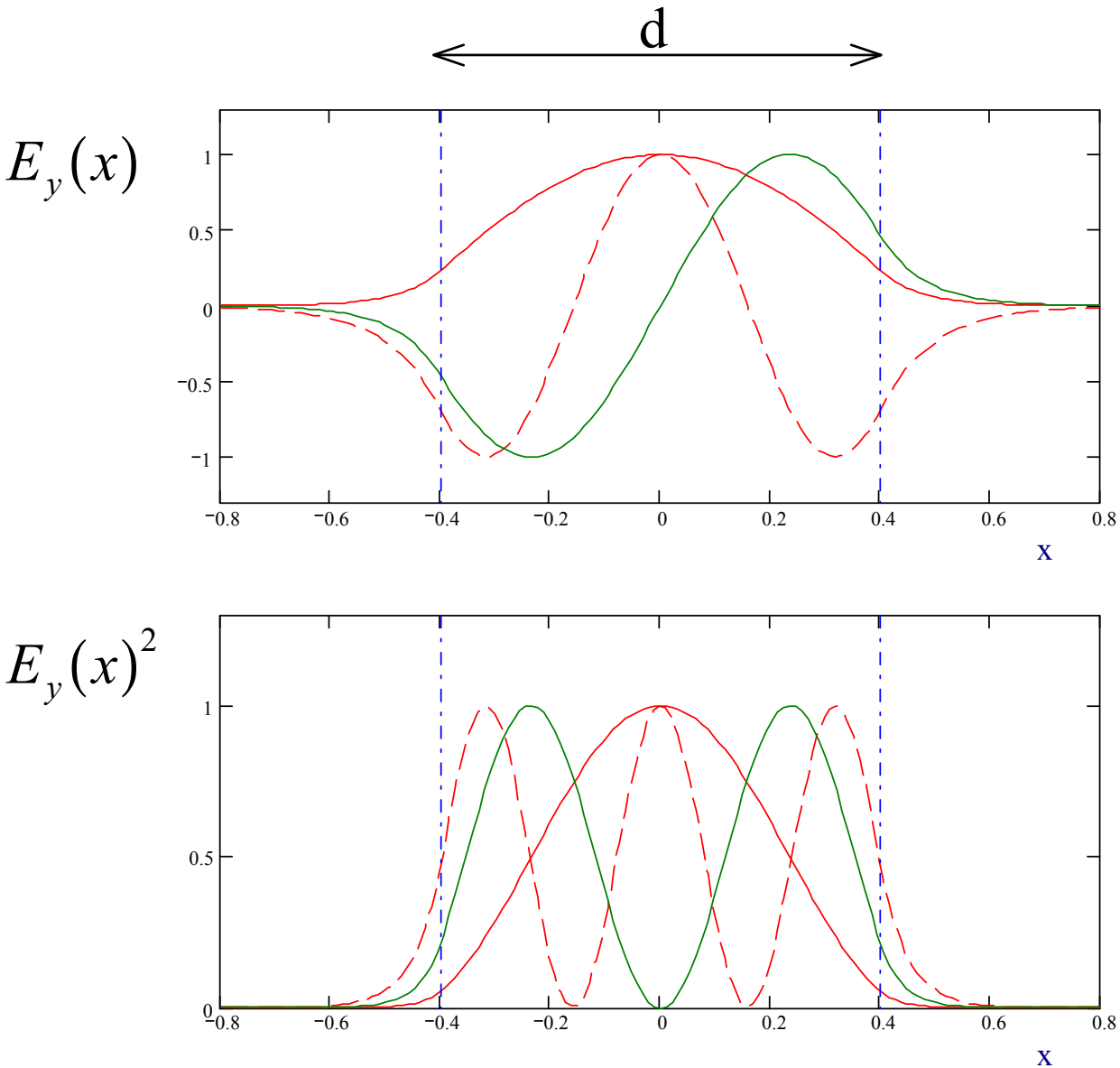
$$\left(\kappa_2 \frac{d}{2}\right) \cdot \mathrm{ctg}\left(\kappa_2 \frac{d}{2}\right) = -\kappa_1 \frac{d}{2}$$

$$\left(\kappa_1 \frac{d}{2}\right)^2 + \left(\kappa_2 \frac{d}{2}\right)^2 = \left(n_{R_2}^2 - n_{R_1}^2\right) k_0^2 \left(\frac{d}{2}\right)^2$$



$n_{R_1} = 2.95\,(AlAs)$, $\quad n_{R_2} = 3.6\,(GaAs)$

$d = 0.8\ \mu m$

$\lambda_0 = 0.9\ \mu m$, $\quad k_0 \cong 7 \cdot 10^6\, m$

Światłowód rzeczywisty - rozwiązania TE, cd.