

# Mikroskopowa i makroskopowa teoria gazów i cieczy

Zadania do ćwiczeń (J. Matulewski), wersja z dnia 10 października 2002

Najnowsza wersja dostępna w sieci: <http://www.phys.uni.torun.pl/~jacek/dydaktyka/fizyka2.pdf>

## Stale fizyczne

Ciśnienie atmosferyczne:	$p_0 \approx 10^5$ Pa
Gęstość powietrza ( $t = 20^\circ\text{C}$ ):	$\rho_0 \approx 1.2$ kg/m <sup>3</sup>
Gęstość wody:	$\rho_W \approx 10^3$ kg/m <sup>3</sup>
Gęstość rtęci:	$\rho_{\text{Hg}} = 13.6 \cdot 10^3$ kg/m <sup>3</sup>
Masa atomu wodoru:	$m_H = 1.67 \cdot 10^{-27}$ kg
Stała Boltzmana:	$k = 1.38 \cdot 10^{-23}$ J/K
Liczba Avogadro:	$N_A \approx 6 \cdot 10^{23}$
Stała gazowa:	$R = 8.3144$ J/K
Słońce	
promień	$R = 6.96 \cdot 10^8$ m
masa	$M = 2 \cdot 10^{30}$ kg

## I. Hydrostatyka

1. Wyprowadzić prawo Pascala dla cieczy ważkiej.
2. Samochód podnoszony jest za pomocą windy hydraulicznej, która składa się z dwóch tłoków połączonych rurą. Duży tłok (na którym znajduje się samochód) ma średnicę 1m, a mały średnicę 10 cm.
  - a) Jeżeli ciężar samochodu wynosi  $Q$  to z jaką minimalną siłą (w procentach ciężaru) należy zadziałać na mniejszy tłok, aby go unieść?
  - b) O ile uniesie się samochód, jeżeli przesuniemy mały tłok o 1m?
  - c) Obliczyć pracę wykonaną przez każdy z tłoków. Czy z punktu widzenia zasady zachowania energii ich wartości mogą się różnić?
3. Obliczyć ciśnienie na powierzchni Ziemi  $p_0$  przyjmując, że wysokość atmosfery równa jest 30 km, a stała gęstość powietrza równa jest połowie prawdziwej gęstości na powierzchni Ziemi (tj. połowa z 1.2 kg/m<sup>3</sup>)? Zaniedbać zmianę przyspieszenia Ziemińskiego  $g = \text{const}(h) = 10$  m/s<sup>2</sup>. Założyć stałą gęstość atmosfery równą połowie gęstości na powierzchni Ziemi.
4. Obliczyć ciśnienie na powierzchni Ziemi przyjmując, że gęstość maleje liniowo z wysokością. (Wykorzystać różniczkową postać prawa Pascala.)
5. Obliczyć wysokość słupka cieczy w barometrze rtęciowym odpowiadającą ciśnieniu normalnemu. Ile wynosiłaby gdyby rtęć zastąpić wodą? Ile wynosiłaby wysokość słupka rtęci, jeżeli pionowa rurka nie byłaby zasklepiona? Gęstość rtęci to  $13.6 \cdot 10^3$  kg/m<sup>3</sup>.
6. Korzystając z prawa Pascala wyprowadzić prawo Archimedesesa.
7. Jaki ciężar jest w stanie unieść balon na gorące powietrze jeżeli przy ogrzaniu gęstość powietrza zmalała do 75%? Średnica balonu równa jest 10 m.
8. W 1654 roku burmistrz Magdeburga Otto von Guericke, wynalazca pompy próżniowej, zademonstrował jak dwa ośmiokonne zaprzęgi nie mogły rozerwać dwóch odpompowanych z powietrza półkul mosiężnych. Pokazać, że siła  $F$  przyłożona do każdej z półkul potrzebna do ich rozerwania wynosi  $F = \pi R^2 \Delta p$ , gdzie  $\Delta p = p_{\text{zew}} - p_{\text{wew}} = p_0 - 0.1 p_0$ . (Halliday, Resnick, *Fizyka* tom 1, zadanie 3 z rozdziału 17)
9. Naczynia połączone:
  - a) korzystając z prawa Pascala pokazać, że dla cieczy jednorodnej w u-rurce oba ramiona naczynia będą napełnione wodą do tej samej wysokości.
  - b) do u-rurki napełnionej wodą wlewo pewną ilość rtęci. Jaka jest różnica poziomów w obu ramionach naczynia? Jak zależy ona od ilości wlanej rtęci (wysokości utworzonego przez nią słupka)?

## II. Równanie stanu gazu doskonałego

1. Obliczyć ciśnienie wywierane na ściany naczynia przez  $N$  elastycznych kulek o masie  $m$  i znanej średniej prędkości kwadratowej  $\langle v^2 \rangle$ . Wyprowadzić równanie stanu  $pV = NkT$  jeżeli  $\langle E_{kin} \rangle = m\langle v^2 \rangle/2 = 3kT/2$ . Sprawdzić wymiar stałej Boltzmana  $k$ .
2. Zakładając, że temperatura atmosfery nie zmienia się wraz z wysokością wyprowadź wzór opisujący zależność ciśnienia atmosferycznego od wysokości (wzór barometryczny).
3. Porównaj ciśnienie  $p_0$  z ciśnieniem na głębokości 11 km pod powierzchnią wody.
4. Objętość pęcherzyka powietrza rośnie trzykrotnie, w czasie gdy unosi się z dna jeziora do powierzchni wody. Jaka jest głębokość jeziora jeżeli temperatura nie zależy od głębokości wody?
5. Pokrowiec balonu nie jest wypełniony całkowicie gazem. W miarę unoszenia się balonu ciśnienie atmosferyczne maleje i pokrowiec wydyma się. Na jakiej wysokości  $H$  gaz zajmie całą objętość balonu  $V_1$ , jeżeli jest on wypełniony helem, który na powierzchni Ziemi zajmował objętość  $V_0$  (pod ciśnieniem  $p_0$ ). Temperaturę traktujemy jako stałą. Zaniedbać zmianę przyspieszenia ziemskiego.
6. Temperatura wnętrza Słońca: Kula gazowa o promieniu  $R = 6.96 \cdot 10^8$  m w próżni posiada stałą gęstość. Jej masa równa jest  $M = 2 \cdot 10^{30}$  kg. Oszacuj temperaturę gazu jeżeli gazem tym jest atomowy wodór ( $m_H = 1.67 \cdot 10^{-27}$  kg). Skorzystaj z prawa Pascala dla gazu jednorodnego, gdzie zamiast przyspieszenia ziemskiego zastosuj uśrednione przyspieszenie dla Słońca:

$$\bar{g} = \frac{1}{R} \int_0^R dr g(r).$$

7. Do barometru rtęciowego dostała się odrobina powietrza (nad rtęcią nie ma już próżni) powodując jego błędne wskazania. Słupek rtęci jest mniejszy niż powinien. Sprawdzono barometr: przy ciśnieniu atmosfery  $p_1$  (znanym z przyrządu kontrolnego) wysokość słupka rtęci w zepsutym barometrze wynosi  $h_1$ , przy czym odległość górnego poziomu rtęci od zasklepionego końca rurki wynosi  $h'$ . Wyprowadź funkcję korygującą błąd zepsutego barometru, tj. funkcję której argumentem będzie wysokość słupka rtęci w zepsutym urządzeniu, a wartością prawdziwe ciśnienie atmosferyczne. Przyjąć, że temperatura jest jednakowa podczas kontroli i dalszych pomiarów. Gęstość rtęci  $\rho_{Hg} = 13.6 \cdot 10^3$  kg/m<sup>3</sup>.
8. Poziomo leżąca rurka porusza się ruchem jednostajnie przyspieszonym z przyspieszeniem  $a$  w kierunku swojej osi symetrii zaślepioną częścią do przodu. W rurce za pomocą rtęci odizolowana jest pewna ilość powietrza. Długość słupka powietrza podczas ruchu wynosi  $l_1$ , a długość słupka rtęci  $b$ . Jaka długość  $l_0$  będzie miał słupek powietrza podczas spoczynku rurki po wyrównaniu temperatur.
9. Obliczyć ciśnienie panujące w sztywnej dętce rowerowej o objętości  $V_1$  wiedząc, że przy jej pompowaniu wykonano  $n$  ruchów pompką o objętości roboczej  $V_2$ . Ciśnienie na zewnątrz oraz początkowe ciśnienie w dętce równe jest  $p_0$ . Zakładamy, że dętka ostygła po pompowaniu.

## III. Twierdzenie o wiriale

1. Wyprowadź twierdzenie o wiriale dla  $N$  cząstek zakładając, że siły międzycząsteczkowe są symetryczne oraz cząsteczki nie oddziałują same ze sobą (tj.  $\vec{F}_{ij} = -\vec{F}_{ji}$ ,  $\vec{F}_{ii} = 0$ ).
2. Korzystając z twierdzenia o wiriale wyprowadź wzór na ciśnienie, a następnie równanie stanu gazu doskonałego.
3. Wyprowadź twierdzenie o wiriale jeżeli cząsteczki oddziałują na siebie siłami centralnymi o wartości  $F_{ij} = -\alpha/r_{ij}^2$ . W ostatecznej postaci wykorzystaj energię potencjalną dla tych sił.
4. Dowiedz, że na punkt materialny znajdujący się wewnątrz czaszy nie działają żadne siły.
5. Wyprowadź energię potencjalną oddziaływania punktu materialnego z kulą o promieniu  $R$  i masie  $M$  jeżeli punkt i środek ciężkości kuli są odległe o  $r_0$ .
6. Oblicz energię potencjalną jednorodnej kuli o promieniu  $R$  i masie  $M$ .
7. Znając energię potencjalną kuli gazowej znajdź, korzystając z twierdzenia o wiriale, temperaturę wnętrza Słońca. Wynik porównaj z uzyskanym w zadaniu II.5.

8. Korzystając z twierdzenia o wirale dla jednej cząstki  $\langle E_{kin} \rangle = -0.5 \langle \vec{F} \circ \vec{r} \rangle$  udowodnić, że jeżeli na cząstkę działa siła centralna  $\vec{F}(r)$  o energii potencjalnej  $E_p(r) = -\alpha/r^n$  to

$$\langle E_{kin} \rangle = \frac{n}{n-2} E, \text{ gdzie } E = E_{kin} + E_p = const \text{ to całkowita energia mechaniczna układu.}$$

Rozważyć przypadek  $n = -2$  (oscylator harmoniczny).

9. Zakładając, że w obłoku gazowym składającym się molekuł wieloatomowych (o  $f$  obrotowych stopniach swobody,  $0 \leq f < 3$ ) oddziaływujących grawitacyjnie spełnione jest twierdzenie o wirale  $\langle E_{kin. ruchu postępowego} \rangle = -\frac{1}{2} \langle E_p \rangle$ . Pokazać, że ciągła emisja promieniowania z mocą  $L$  powoduje kurczenie obłoku.

#### IV. Termodynamika fenomenologiczna (1 zasada termodynamiki)

1. Halliday, Resnick, *Fizyka* tom 1, zadanie 32 z rozdziału 22: Układ termodynamiczny przeprowadzany jest ze stanu początkowego  $A$  ( $p_A = 20 \text{ N/m}^2$ ,  $V_A = 1 \text{ m}^3$ ) do stanu końcowego  $B$  ( $p_B = 20 \text{ N/m}^2$ ,  $V_B = 3 \text{ m}^3$ ) i z powrotem do  $A$  poprzez stan  $C$  ( $p_C = 40 \text{ N/m}^2$ ,  $V_C = 3 \text{ m}^3$ ).
- Sporządź wykres we współrzędnych  $p$  i  $V$ .
  - Uzupełnić tabelę wstawiając  $+$  i  $-$  odpowiednio, jako znaki wielkości termodynamicznych związanych z każdym etapem.

	$Q$	$W$	$\Delta U$
$AB$			$+$
$BC$	$+$		
$CA$			

- Obliczyć wartość liczbową pracy wykonanej przez układ podczas zamkniętego obiegu  $ABCA$ .
2. W izolowanym naczyniu zmieszano trzy części identycznego płynu o różnych temperaturach (znane masy i temperatury poszczególnych części). Jaka będzie temperatura płynu po ustaleniu równowagi?
3. Do izolowanego naczynia z wodą o masie  $m_w$ , ciepłe właściwym  $c_w$  i temperaturze  $t_w$  wrzucono kostki lodu o łącznej masie  $m_L$ , ciepłe właściwym  $c_L$ , ciepłe topnienia  $L$  i temperaturze  $t_L$ . Jaka będzie temperatura końcowa?
4. Procesy izoparametryczne w gazie doskonałym:
- doświadczenie Gay-Lussaca i Joula,
  - wyprowadzić wzór Mayera:  $C_p - C_v = R$ . (Można przyjąć, że substancji jest 1 mol),
  - wyprowadzić równanie adiabatycznego sprężania/rozprężania gazu doskonałego wiążące ciśnienie i objętość, a następnie korzystając z niego wyprowadzić wzór na pracę wykonaną przez układ w trakcie tej przemiany. Znaleźć także związki między  $p$  i  $T$  oraz  $T$  i  $V$ ,
  - obliczyć pracę i ciepło w procesach izoparametrycznych (w tym adiabatycznym) gazu doskonałego przy znanych początkowej i końcowej objętości, ciśnieniu i temperaturze,
5. Opierając się na zasadzie ekwipartycji uzasadnij dlaczego dla powietrza (mieszanka  $N_2$  i  $O_2$ )  $\gamma = C_p/C_v = 1.4$ . Ile wynosi  $\gamma$  dla atomowego wodoru (Słońce) oraz dla cząsteczki dwutlenku węgla?
6. Proces adiabatyczny prowadzi do ośmiokrotnego sprężenia ( $V = V_0/8$ ) powietrza w stanie normalnym. Ile razy wzrośnie jego temperatura? Jaką pracę wykona tłok, jeżeli ma objętość  $500 \text{ cm}^3$ ?
7. Orear, *Fizyka*, tom 1, zadanie 19 z rozdziału 13. Jeden mol gazu  $N_2$  (azot cząsteczkowy  $C_v = 4.96 \text{ J/K}$ ,  $C_p = 6.95 \text{ J/K}$ ,  $\gamma = C_p/C_v = 1.40$ ) o objętości  $V_1 = 22.4$  litrów i pod ciśnieniem atmosferycznym rozpręża się adiabatycznie do objętości  $V_2 = 2V_1$ . Następnie spręża się go izotermicznie do objętości początkowej:
- Ile wynoszą  $p_2$  i  $T_2$ ?
  - Ile wynosi praca  $\Delta W_{12}$  wykonana podczas rozprężania adiabatycznego?

- c) Ile wynosi praca  $\Delta W_{23}$  wykonana podczas sprężania izotermicznego?
  - d) Ile wynosi całkowita praca oddana na zewnątrz?
  - e) Ile wynosi temperatura końcowa  $T_3$ ?
  - f) Ile wynosi  $C_V(T_1 - T_3)$ ?
  - g) Narysuj wykresy  $p(V)$ ,  $p(T)$ ,  $T(V)$  itd.
8. Obliczyć sprawność silnika parowego  $\eta$  (cykl Carnota) przy znanych temperaturach  $T_1$  (po adiabatycznym sprężaniu) i  $T_3$  (po adiabatycznym rozprężaniu).
  9. Obliczyć sprawność cyklu złożonego z izobarycznego rozprężenia, adiabatycznego rozprężenia, izobarycznego sprężenia i adiabatycznego sprężenia oraz pokazać, że jest ona mniejsza od sprawności cyklu Carnota pracującego pomiędzy taką samą temperaturą minimalną i maksymalną. Znany jest stosunek  $C_p/C_V = \gamma$  gazu. Przyjąć 1 mol substancji.
  10. Obliczyć sprawność cyklu: 1-2 izobaryczne rozprężenie, 2-3 adiabatyczne rozprężenie, 3-4 izochoryczne zmniejszenie ciśnienia, 4-1 adiabatyczne sprężenie, jeżeli znane są temperatury w chwilach 1, 2 i 4 oraz  $C_p/C_V = \gamma$ .
  11. Obliczyć sprawność cyklu: 1-2 adiabatyczne rozprężenie, 2-3 izobaryczne zmniejszanie objętości, 3-1 izochoryczne zwiększenie ciśnienia, jeżeli znane są temperatury w chwilach 1 i 3 oraz  $C_p/C_V = \gamma$ .
  12. Obliczyć sprawność cyklu: 1-2 izobaryczne rozprężenie, 2-3 adiabatyczne rozprężenie, 3-4 izobaryczne zmniejszanie objętości, 4-1 adiabatyczne sprężenie, jeżeli znane są temperatury w chwilach 1 i 4.
  13. Gaz doskonały podlega cyklicznej przemianie: 1-2 izobaryczne ogrzanie, 2-3 izotermiczne zwiększenie ciśnienia oraz 3-1, której wykresem we współrzędnych  $(p, T)$  jest odcinek leżącej na prostej przechodzącej przez początek układu współrzędnych. Mając daną pełną informację o stanie  $(p_1, V_1, T_1)$  oraz znając kąt  $\alpha$  prostej przechodzącej przez początek układu współrzędnych i punkt  $(p_2, T_2)$  w układzie współrzędnych  $(p, T)$  oblicz parametry stanu  $(p_3, V_3, T_3)$ . Naskicuj przebieg tej przemiany we współrzędnych  $(p, V)$ .

## V. Gazy rzeczywiste

1. Poprawki van der Waalsa do równania stanu
  - a) poprawka do objętości w jakiej może znajdować się gaz (skończony rozmiar cząsteczek)
  - b) poprawka do ciśnienia (ciśnienie wewnętrzne od oddziaływań krótkozasięgowych)
2. Oblicz współczynniki rozwinięcia wirialnego równania van der Waalsa
3. Wychodząc z równania van der Waalsa znajdź funkcję  $p(V)$  i naskicuj jej wykres.
4. Znajdź równanie na objętość przy ustalonych ciśnieniu i temperaturze. Dla jakich wartości parametrów  $p_k$  i  $T_k$  równanie to ma jeden pierwiastek wielokrotny? Znajdź ten pierwiastek  $V_k$ .
5. Równanie van der Waalsa w zmiennych zredukowanych
  - a) wyraż stałe  $R$ ,  $a$ ,  $b$  przez parametry stanu krytycznego  $(p_k, V_k, T_k)$
  - b) napisz równanie van der Waalsa korzystając ze wzorów na stałe
  - c) przejdź do bezwymiarowych zmiennych  $\omega = V/V_k$ ,  $\pi = p/p_k$ ,  $\tau = T/T_k$ .
6. Wyprowadź odpowiednik wzoru Mayera dla gazu van der Waalsa (tzn. znaleźć  $C_p - C_V$ )
7. Wyprowadzić współczynnik Joule'a-Thompsona dla gazu van der Waalsa.
8. Wykazać, że dla gazu doskonałego zmiana temperatury w zjawisku Joule'a-Thompsona nie zachodzi.
9. Oblicz temperaturę inwersji. Naskicuj jej wykresy w funkcji objętości. Wyprowadź zależność temperatury inwersji od ciśnienia.

## VI. Rozkłady kanoniczny i Maxwella

1. Rozważając układ  $A$  otoczony przez rezerwar  $R$  wyprowadź rozkład prawdopodobieństwa znalezienia układu  $A$  w stanie  $r$  o ustalonej energii  $E_{A,r}$  (zob. Wróblewski, Zakrzewski, tom 1).
2. Wyrazić energię średnią w rozkładzie kanonicznym korzystając z sumy stanów  $Z$ .
3. Unormować rozkład kanoniczny  $f(\vec{v}) = Ce^{-\beta \frac{mv^2}{2}}$  w przestrzeni wektorów prędkości.

4. Korzystając z rozkładu kanonicznego dla jednej cząstki gazu swobodnego (cząstki swobodnej) wyprowadzić rozkład prawdopodobieństwa dla
  - a) jednej składowej prędkości
  - c) szybkości (długości wektora prędkości)
 Oraz obliczyć
  - a) maksimum w rozkładzie prędkości
  - b) maksimum w rozkładzie szybkości
  - c) szybkość średnią
  - d) średnią szybkość kwadratową
  - e) średni rozrzut szybkości wokół szybkości średniej

### VII. Termodynamika fenomenologiczna (2 zasada termodynamiki)

1. 200g argonu zajmuje połowę zbiornika przedzielonego przegrodą. Po drugiej stronie przegrody panuje próżnia. Obliczyć zmianę entropii gazu po usunięciu przegrody i swobodnym rozprężeniu gazu do pełnej objętości zbiornika.
2. Obliczyć zmianę entropii 1 mola powietrza w trakcie przemiany
  - a) izobarycznej (temperatura zmienia się od  $t_1$  do  $t_2$ )
  - b) izochorycznej (temperatura zmienia się od  $t_1$  do  $t_2$ )
  - c) adiabatycznej
  - d) izotermicznej (objętość zmienia się od  $V_1$  do  $V_2$ ).
3. Obliczyć zmianę entropii jednego mola dwutlenku węgla przy trzykrotnym wzroście jego temperatury jeśli ogrzewanie jest
  - a) izochoryczne
  - b) izobaryczne.
 Przy obliczaniu molowego ciepła właściwego pominąć drgania cząsteczek.
4. Wykazać, że w cyklu Carnota entropia jest zachowana.
5. Do wody o masie  $m_1$  o temperaturze  $T_1$  wlewo wodę o temperaturze  $T_2$  i masie  $m_2$ . Obliczyć zmianę entropii układu wiedząc, że ciepło właściwe wody wynosi  $c_W$  i zaniedbując wymianę ciepła z otoczeniem.
6. Znaleźć zmianę entropii kawałka metalu o masie  $m$ , którego ciepło właściwe zależy od temperatury zgodnie ze wzorem  $c = a + bT$ , podczas ogrzewania od temperatury  $T_1$  do  $T_2$ .
7. Molowe ciepło właściwe kryształów w niskich temperaturach opisuje zależność  $c = \alpha T^3$ , gdzie  $\alpha$  jest niezależną od temperatury stałą. Znaleźć zależność entropii od temperatury.

### VIII. Hydrodynamika

1. Wyprowadzić równanie Bernoulliego dla rury o zmiennych przekroju i wysokości.
2. Wyprowadzić równanie ciągłości dla cieczy nieściśliwej
3. Wyprowadzić wzór pozwalający na pomiar prędkości cieczy za pomocą rurki Venturiego (zob. Halliday, Resnick, paragraf 18-5)
4. Dwie ciężarówki „TIR” jadą równolegle do siebie w tym samym kierunku z prędkością  $v$  w odległości  $A$ . Obliczyć siłę z jaką przyciągane są do siebie jeżeli kontenery mają długość  $L$ , wysokość  $H$  i szerokość  $W$ . Przyjąć, że powietrze jest nieściśliwe oraz, że z zewnętrznej strony obu ciężarówek ciśnienie nie jest zmieniane przez ich ruch. (Podpowiedź: założyć, że między ciężarówkami dostaje się powietrze z wewnętrznej połowy szerokości  $W$  dla każdego z „TIRów”). Oszacuj siłę w sytuacji, gdy gęstość ośrodka równa jest gęstości wody (np. statki o tych samych rozmiarach z zanurzeniem równym wysokości kontenerów).
5. Zbiornik jest przedziurawiony na głębokości  $h$  pod powierzchnią cieczy. Przyjąć, że otwór jest na tyle mały, że można zaniedbać zmianę poziomu cieczy w zbiorniku.
  - a) Obliczyć prędkość z jaką woda wypływa przez otwór (prawo Torricellego) i porównać z prędkością spadku swobodnego. Przedyskutować wyniki korzystając z zasady zachowania energii.
  - b) Na jaką wysokość wzniosłaby się woda, gdyby w otworze byłaby zamocowana rurka kierująca ciecz pionowo do góry?

- c) powtórz obliczenia dla sytuacji, w której ciecz z góry jest naciskana przez tłok, który wytwarza ciśnienie  $p$ .
- Do cieczy o gęstości  $\rho$  poruszającej się z prędkością  $v$  wstawiamy zakrzywioną pod kątem prostym rurkę wylotem w stronę przeciwną do kierunku ruchu cieczy („pod prąd”). Jak wysoko uniesie się ciecz w tej rurce, jeżeli w rurce prostej ustawionej w tym samym miejscu prostopadle do kierunku ruchu ciecz podniesie się na wysokość  $h$ ?
  - Na jakiej wysokości  $h$  od dna naczynia o pionowych ścianach należy umieścić otwór, aby strumień wody spadał na podłogę najdalej od podstawy? Poziom cieczy w naczyniu jest stale utrzymywany na tej samej wysokości  $H$  na poziomym podłożu, na której ustawione jest naczynie. Ile wynosi ta maksymalna odległość?

### IX. Zjawiska transportu (Reif)

- Wyprowadzić wzór na średnią drogę swobodną ( $n$  – koncentracja cząstek,  $\sigma$  – całkowity przekrój czynniki,  $p$  – ciśnienie,  $T$  – temperatura)  $l \approx 1/\sqrt{2}n\sigma = k_B T / \sqrt{2}p\sigma$
- a) Pokazać, że dla powietrza w stanie normalnym średnia droga swobodna jest znacznie większa od promienia cząsteczek. Przyjąć promień cząsteczek równy jednemu angstromowi. b) Przy jakim ciśnieniu wielkości te byłyby porównywalne? c) Oszacuj czas swobodny.
- Transport na przykładzie dyfuzji w jednym wymiarze ( $n$  – stężenie/gęstość substancji dyfundującej)
  - wyprowadzić równanie dyfuzji:  $n_t = Dn_{xx}$  (indeksy odznaczają odp. pochodne względem  $x$  i  $t$ )
  - znaleźć współczynnik dyfuzji  $D$
- Wyjaśnić paradoks: Niech koncentracja cząsteczek nie zależy od czasu. Wówczas na mocy równania dyfuzji koncentracja zmienia się liniowo wzdłuż  $x$ . A zatem strumień cząstek jest niezerowy, cząstki poruszają się w kierunku malejącej koncentracji. Wobec tego koncentracja nie może nie zależeć od czasu.
- Reif *Fizyka statystyczna*, zadanie 8.12. Prawdopodobieństwo przeżycia przez cząstkę czasu  $t$  bez zderzenia ...
- Zadanie nieobowiązkowe: Równanie dyfuzji w trzech wymiarach:  $n_t = D\nabla^2 n$  oraz uogólnione równanie dyfuzji w obecności źródła.

### Podręczniki

- J. Orear *Fizyka*, tom 1  
 A. Wróblewski, J. Zakrzewski *Wstęp do fizyki*, tom 1; tom 2, część 2  
 D. Halliday, R. Resnick *Fizyka*, tom 1  
 F. Reif *Fizyka statystyczna*

**Zadania szczególnie ważne:** III.3, III.6, III.7, III.8, III.9, IV.8, V.7